# МУНИЦИПАЛЬНОЕ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ «СРЕДНЯЯ ШКОЛА №103 СОВЕТСКОГО РАЙОНА ВОЛГОГРАДА»

400062 г. Волгоград, пр-кт Университетский, 88 ОКПО 22361773 ОГРН 1023404244181

ИНН/КПП: 3446501497 / 344601001

Тел. (8442) 46-22-69 e-mail: mou\_103@mail.ru

РАССМОТРЕНА

на заседании ШМО учителей математики, физики и информатики протокол от 28.08.19 №1 Руководитель ШМО

Видеман Т.Н.

СОГЛАСОВАНА

Зам. директора по УВР

В.В.Демьянова

августа 2019 г.

ВВЕДЕНО В ДЕЙСТВИЕ

Рабочая программа практикума « Решение математических задач » для 11 класса на 2019-2020 учебный год

> Составитель рабочей программы Видеман Т.Н., учитель математики

#### Пояснительная записка

Содержание программы практикума «Решение математических задач» предназначено для учащихся 11 классов изучающих предмет «математика» как на профильном уровне, так и на базовом уровне, имеющих хорошую и высокую учебную мотивацию.

#### Цели практикума:

- создать условия для расширенного и углубленного изучения материала, удовлетворения познавательных интересов и развития способностей учащихся в соответствии с основными темами курса алгебры и начал анализа, геометрии 10-11 классов,
- целенаправленная качественная подготовка выпускников к сдаче ЕГЭ.
- -повышение интеллектуального уровня обучающихся, совершенствование навыков формальной логики,
- -развитие навыков самостоятельной работы с учебной литературой, учебными ресурсами интернета, развитие навыков самоконтроля.
- формирование логического, системного мышления,
- формирование установки на владение интеллектуальными умениями в нестандартных и проблемных ситуациях.

## Задачи практикума:

- формирование у учащихся сознательного и прочного овладение системой математических знаний, умений, навыков,
- систематизация, расширение и углубление знания по алгебре и началам анализа, геометрии,
- детальное расширение тем, недостаточно глубоко изучаемых в школьном курсе и, как правило, вызывающих затруднения у учащихся,
- развитие математических способностей учащихся,
- акцентирование внимания учащихся на единых требованиях к правилам оформления задний второй части ЕГЭ,
- совершенствование техники решения сложных задач,

- реализация индивидуализации обучения; удовлетворение образовательных потребностей школьников по математике, формирование устойчивого интереса учащихся к предмету.

### Место курса в учебном плане

Практикум «Решение математических задач » составляет компонент образовательного учреждения базисного учебного плана МОУ «Средняя школа №103» и реализуется за счет времени, отводимого на школьный компонент. Курс рассчитан на 34 учебных часа (34 учебные недели по 1 часу еженедельно).

#### Методы:

Для того чтобы добиться четкого понимания учащимися изучаемого материала, необходимо их самих включить в процесс получения знаний. Поэтому программа ориентирована на активные формы работы. Занятия планируется проводить в форме лекций, семинаров, практикумов, тренингов, с элементами проектных и исследовательских видов работ, с использованием индивидуальных, групповых и фронтальных форм работы.

Формы текущего и итогового контроля:

Для текущего и итогового контроля используются такие формы, как самоконтроль, взаимоконтроль, контроль учителя, тестирование.

Главное, этот курс поможет учащимся 11 классов систематизировать свои математические знания, поможет с разных точек зрения взглянуть на другие, уже известные темы, расширить круг математических вопросов, не изучаемых в школьном курсе.

### 2. Содержание программы практикума « Решение задач по математике»

#### Глава 1. Уравнения и системы уравнений (4ч)

Рациональные уравнения и способы их решения. Системы уравнений и способы их решения. Рациональные уравнения, содержащие модули. Схема Горнера. Решение уравнений высших степеней

Глава 2. Решение задач на составление уравнений и систем уравнений (6 ч)

Решение задач на движение по прямой и окружности. Решение задач на движение по воде Решение задач на проценты, смеси и сплавы. Решение задач на прогрессии. Задачи на вклады и кредиты.

#### Глава 3. Рациональные неравенства и способы их решения (3ч)

Алгебраические методы решения неравенств (метод интервалов, метод замены). Функционально-графические методы решения неравенств (разбиение области определения неравенства на подмножества, использование ограниченности функций, использование монотонности функций). Рациональные неравенства, содержащие модули. Неравенства вида |f(x)| < |g(x)|, |f(x)| > g(x).

Глава 4. Тригонометрические уравнения. Показательные уравнения и неравенства. Логарифмические уравнения и неравенства (11ч) Тригонометрические уравнения и способы их решения. Способы отбора корней в тригонометрических уравнениях Показательные уравнения и способы их решения. Метод рационализации при решении показательных неравенств. Логарифмы. Логарифмические уравнения и способы их решения. Логарифмические неравенства и способы их решения. Метод рационализации при решении логарифмических неравенств. Решение систем неравенств. Промежуточная контрольная работа по теме: «Тригонометрические уравнения. Показательные уравнения и неравенства. Логарифмические уравнения и неравенства».

#### Глава 5. Решение планиметрических задач (5ч)

Прямоугольный треугольник. Соотношения между сторонами, между сторонами и углами прямоугольного треугольника. Теорема синусов, косинусов. Решение треугольников. Применение подобия треугольников при решении задач. Свойства медиан и биссектрис угла треугольника. Свойство площадей подобных треугольников. Вписанные углы. Вписанные и описанные многоугольники, их свойства. Метод сравнения площадей.

## Глава 6. Решение стереометрических задач (5ч)

Задачи на нахождение расстояний в пространстве. Метод объемов. Задачи на нахождение угла между прямыми, между прямыми и плоскостями, между плоскостями. Задачи на нахождение площади поверхности. Задачи на нахождение объёма. Использование метода координат при решении стереометрических задач.

## Требования к уровню математической подготовки учащихся

Глава 1. Рациональные уравнения и системы уравнений (4ч)

Знать основные приемы, способы и методы решения рациональных уравнений, уравнений содержащих модули.

Получить возможность знать деление многочлена на многочлен, метод неопределенных коэффициентов, нахождение рациональных корней многочлена с целыми

Уметь уверенно решать рациональные уравнения, выполняя тождественные преобразования рациональных выражений, уверенно решать уравнения, содержащие модули.

Получить возможность научиться решать уравнения высших степеней.

Глава 2. Решение задач на составление уравнений и систем уравнений (6 ч)

*Знать* основные способы решения задач, основные способы моделирования реальных ситуаций при решении задач различных типов.

коэффициентами.

*Уметь* работать с текстом задачи, определять её тип, составлять план решения задачи, решать задачи разного уровня (включая творческие задания) на составление уравнений, моделировать реальные ситуации, описываемые в задачах на составление уравнений.

Глава 3. Рациональные неравенства и способы их решения (3ч)

Знать алгебраические методы решения рациональных неравенств: метод интервалов, метод введения новой переменной, методы решения неравенств содержащих модули.	<i>Уметь</i> уверенно решать рациональные неравенства методом интервалов, методом введения новой переменной, уверенно решать неравенства, содержащие модели.
Получить возможность знать функционально-графические методы решения неравенств	Получить возможность научиться решать неравенства функциональнографическими методами

Глава 4. Тригонометрические уравнения. Показательные уравнения и неравенства. Логарифмические уравнения и неравенства (11ч)

	I						
Знать виды тригонометрических уравнений и методы их	Уметь	уверенно	решать	тригонометрические	уравнения,	отбирать	корни в

решения, способы отбора корней в тригонометрических уравнениях, основные приемы, способы и методы решения показательных, логарифмических уравнений, знать основные методы решения показательных и логарифмических неравенств, знать метод рационализации, знать методы решения комбинированных уравнений и неравенств.

Получить возможность знать функционально-графические методы решения уравнений, которые не сводятся к стандартному виду известными методами, а решения опираются на свойства функций.

тригонометрических уравнениях, решать показательные и логарифмические уравнения, выполняя тождественные преобразования логарифмических выражений, решать показательные и логарифмические неравенства, используя при этом основные методы решения

*Получить возможность* научиться решать уравнения с применением свойств функций, решать показательные и логарифмические неравенства, используя при этом метод рационализации

Глава 5. Решение планиметрических задач (5ч)

Знать основные факты и теоремы о свойстве плоских фигур:

- теоремы о четырёхугольнике: в который можно вписать окружность и около которого можно описать окружность,
- определения синуса, косинуса, тангенса и котангенса острого угла в прямоугольном треугольнике,

теоремы: Пифагора, синусов, косинусов, неравенства треугольников.

-формулы площади треугольника:  $S=\frac{abc}{4R}; \quad S=\frac{1}{2}\,pr;$  формулу Герона.

Уметь:

- пользоваться языком геометрии для описания предметов окружающего мира;
- изображать геометрические фигуры; выполнять чертежи по условию задач;
- -осуществлять преобразования фигур;
- -решать геометрические задачи, опираясь на изученные свойства фигур и отношений между ними, применяя дополнительные построения,
- алгебраический и тригонометрический аппарат, проводить доказательные рассуждения при решении задач, используя известные теоремы, обнаруживая возможности для их использования,
- решать многошаговые планиметрические задачи

 $\frac{a}{}=2R$ 

- формулу  $\sin \alpha$  - связь теоремы синусов с радиусом описанной окружности.

-Связь между элементами правильного треугольника:

$$h = \frac{a\sqrt{3}}{2}$$
;  $R = \frac{a\sqrt{3}}{3}$ ;  $r = \frac{a\sqrt{3}}{6}$ ;  $S = \frac{a^2\sqrt{3}}{4}$ .

-четыре замечательные точки треугольника,

-определение среднего геометрического двух величин.

Получить возможность знать способы и методы решения планиметрических задач, которые недостаточно глубоко применяются при решении задач на уроках: метод площадей, аналитический метод, метод вспомогательной окружности, удвоение медианы, теорему о биссектрисе внутреннего угла треугольника, теорему о касательной и секущей к окружности, проведенных из одной точки, факты об окружностях связанных с треугольниками и четырехугольниками, об углах, связанных с окружностью, о пропорциональных отрезках, о свойствах высот и точек их пересечения.

Глава 6. Решение стереометрических задач (5ч)

## Знать:

-определения: параллельных прямых в пространстве; параллельных прямой и плоскости; параллельных плоскостей; скрещивающихся прямых; угла между скрещивающимися прямыми; прямой и плоскостью, перпендикулярных прямых в

#### Уметь:

- использовать основные понятия, аксиомы и теоремы при решении задач на нахождение угла между прямой и плоскостью, скрещивающимися прямыми, на нахождение расстояния между прямыми, между прямой и плоскостью, между плоскостями, на нахождение геометрических величин (площадей, объемов);

пространстве; перпендикулярных прямой и плоскости; перпендикулярных плоскостей, расстояния между: точкой и прямой; точкой и плоскостью; прямыми; прямой и плоскостью; плоскостями, угла между прямой и плоскостью; двугранного угла; линейного угла двугранного угла

- -признаки: параллельности прямой и плоскости; параллельности плоскостей; скрещивающихся прямых.
- теорему о трёх перпендикулярах и теорему, обратную теореме о трёх перпендикулярах
- свойства поверхностей,
- -формулы площади боковой и полной поверхности: правильной призмы; правильной пирамиды; правильной усечённой пирамиды, формулы площади боковой и полной поверхности цилиндра и конуса,
- -формулы объёмов тел.

**Получить возможность** изучить координатный метод, метод объемов

- определять взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве,
- изображать пространственные фигуры на плоскости;
- -применять формулы для вычисления площадей при решении задач,
- -использовать при решении стереометрических задач планиметрические факты

**Получить возможность** применять теорию к решению задач координатновекторным методом; применять при решении задач метод объемов

# Календарно-тематическое планирование

No	Тема урока	Кол-во часов	Дата проведения		
			План	Факт	
Глава 1. У	уравнения и системы уравнений (4ч)				
1	Рациональные уравнения и способы их решения.	1	07.09	07.09	
2	Системы уравнений и способы их решения	1	14.09	14.09	
3	Рациональные уравнения содержащие модули.	1	21.09	21.09	
4	Схема Горнера. Решение уравнений высших степеней	1	28.09	28.09	
Глава 2. І	Решение задач на составление уравнений и систем уравнений (6ч)				
5	Решение задач на движение по прямой и по окружности.	1	05.10	05.10	
6	Решение задач на движение по воде	1	12.10	12.10	
7	Решение задач на проценты, смеси и сплавы	1	19.10	19.10	
8	Решение задач на прогрессии	1	26.10	26.10	
9	Задачи на вклады	1			
10	Задачи на кредиты	1			
Глава 3. І	Рациональные неравенства и способы их решения (3ч)				
11	Алгебраические методы решения неравенств (метод интервалов, метод замены)	1			
12	Функционально-графические методы решения неравенств (Разбиение области определения неравенства на подмножества, использование ограниченности функций, использование монотонности	1			

	функций)			
13	Рациональные неравенства содержащие модули. Неравенства вида $ f(x)  \le  g(x) ,  f(x)  \ge g(x)$	1		
Глава 4. Т	ригонометрические уравнения. Показательные уравнения и неравенс	гва. Логарифми	ческие уравне	ения и
неравенст	за (11ч)			
14	Тригонометрические уравнения и способы их решения.	1		
15	Тригонометрические уравнения. Способы отбора корней в тригонометрических уравнениях	1		
16	Тригонометрические уравнения. Способы отбора корней в тригонометрических уравнениях	1		
17	Показательные уравнения и способы их решения	1		
18	Показательные неравенства и способы их решения. Метод рационализации при решении показательных неравенств	1		
19	Логарифмы. Логарифмические уравнения и способы их решения	1		
20	Логарифмические неравенства и способы их решения Метод рационализации при решении логарифмических неравенств	1		
21	Логарифмические неравенства и способы их решения Метод рационализации при решении логарифмических неравенств	1		
22	Решение систем неравенств	1		
23	Решение систем неравенств	1		
24	Тригонометрические уравнения. Показательные уравнения и неравенства. Логарифмические уравнения и неравенства.	1		
Глава 5. Ро	ешение планиметрических задач (5ч)			
25	Прямоугольный треугольник. Соотношения между сторонами, между сторонами и углами прямоугольного треугольника.	1		
26	Теорема синусов, косинусов. Решение треугольников.	1		
27	Применение подобия треугольников при решении задач. Свойства медиан и биссектрис угла треугольника. Свойство площадей подобных треугольников	1		
28	Вписанные углы. Вписанные и описанные многоугольники и их свойства.	1		
29	Метод сравнения площадей.	1		

Глава 6. Решение стереометрических задач (5ч)					
30	Задачи на нахождение расстояний в пространстве. Метод объемов.	1			
31	Задачи на нахождение угла между прямыми, между прямыми и плоскостями, между плоскостями.	1			
32	Задачи на нахождение площади поверхности. Задачи на нахождение объёма.	1			
33	Задачи на нахождение объёма	1			
34	Использование метода координат при решении стереометрических задач	1			

#### Литература для учителя и ученика

- 1. Гордин Р. К., ЕГЭ 2014. Математика. Задача С4 / Под ред. А. Л. Семенова и И. В. Ященко. М.: МЦНМО, 2014. —148 с.
- 2. ЕГЭ. Математика: типовые экзаменационные варианты: 36 вариантов / под ред. И.В. Ященко. М.: Издательство «Национальное образование», 2019. 272с. (ЕГЭ. ФИПИ-школе)
- 3. ЕГЭ. Математика. Профильный уровень: типовые экзаменационные варианты: 36 вариантов / под ред. И.В. Ященко. М.: Издательство «Национальное образование», 2017. 256с. (ЕГЭ. ФИПИ-школе)
- 4. ЕГЭ. Практикум по математике: подготовка к выполнению части С. / И.Н. Сергеев, В.С. Панферов. М.: Издательство «Экзамен», 2012 126, [2] с.
- 5. "ЕГЭ 2014. Математика. Задача С1". Шестаков С.А., Захаров П.И. / Под ред. А.Л. Семенова и И.В. Ященко. М.: МЦНМО, 2014. 120 с.
- 6. 6. "ЕГЭ 2014. Математика. Задача С2. Геометрия. Стереометрия". Смирнов В.А. / Под ред. А.Л. Семенова и И.В. Ященко. М.: МЦНМО, 2014. 136 с.
- 7. Математика. Подготовка к ЕГЭ- 2019.Задачник / Под ред. Лысенко Ф.Ф., Кулабухова С.Ю. Ростов-на-Дону: Издательство «Легион-М», 2019.
- 8. Математика. Подготовка к ЕГЭ- 2019. Решебник / Под ред. Лысенко Ф.Ф., Кулабухова С.Ю. Ростов-на-Дону: Издательство «Легион-М», 2019.
- 9. "Планиметрия в вариантах ЕГЭ и ГИА [Текст]: методические рекомендации"/ Л.А. Штраус, И.В. Баринова; под ред. В.В. Зарубиной. Ульяновск: УИПКПРО, 201. 2014. 46 с.
- 10. Сергеев И.Н., Панферов В.С.. ЕГЭ 2019. Математика. Задача С3. Уравнения и неравенства/Под редакцией А.Л. Семёнова и И.В. Ященко.-М.: МЦНМО, 2011-72с.
- 11. Сергеев И. Н., Панферов В. С. . ЕГЭ: 1000 задач с ответами и решениями по математике. Все задания группы С
- 12. Смирнов В. А., ЕГЭ 2019. Математика. Задача С2 / Под ред. А. Л. Семенова и И. В. Ященко. М.: МЦНМО, 2011. 64 с.
- 13. Сканави М.И. «Полный сборник решений задач для поступающих в ВУЗы». Москва. «Альянс В». 1999 год.
- 14. Панферов В.С., Сергеев И.Н. Отличник ЕГЭ. Математика. Решение сложных задач. М.: Интеллект-Центр, 2014.

- 15. Учебное пособие "ЕГЭ 2019. Математика. Профильный уровень. Типовые тестовые задания" под редакцией Ященко И.В.
- 16. Шарыгин И.Ф. «Факультативный курс по математике. Решение задач. 10 кл.». Москва. «Просвещение» 1990 год.
- 17. Шарыгин И.Ф. «Факультативный курс по математике. Решение задач. 11 кл» Москва. «Просвещение». 1991 год.